

Corso di laurea IFMLT-INFLT-ETELT Cognomi (M-Z)

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio 6 ed è la metà della costante sotto radice.

### Fila 1

1.  $\text{dom}(f) = (0, \frac{1}{5}) \cup (\frac{1}{5}, \pi)$ .  $A = (0, \frac{1}{5}) \cup [\frac{\pi}{2}, \pi)$ .
2.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R}$ ,  $\text{im}(f) = (0, +\infty)$ ;  $f(x) \geq 1$  quando  $x \in [0, +\infty)$ .
3. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = \frac{1}{7}x^2$  privata del proprio vertice, in quanto  $\bar{z}$  deve essere non nullo.
4. Le radici sono:  $z_0 = \sqrt[3]{2}e^{i\frac{\pi}{2}} = \sqrt[3]{2}i$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{2}e^{i\frac{7\pi}{6}} = \sqrt[3]{2}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{2}e^{i\frac{11\pi}{6}} = \sqrt[3]{2}\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)$ .
5. Il limite vale:  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > \frac{4}{3}$ ;  $\ell = \frac{1}{6}$  se  $\alpha = \frac{4}{3}$ ;  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < \frac{4}{3}$ .
6. *Dominio*:  $\text{dom } f = [-2, +\infty)$ .

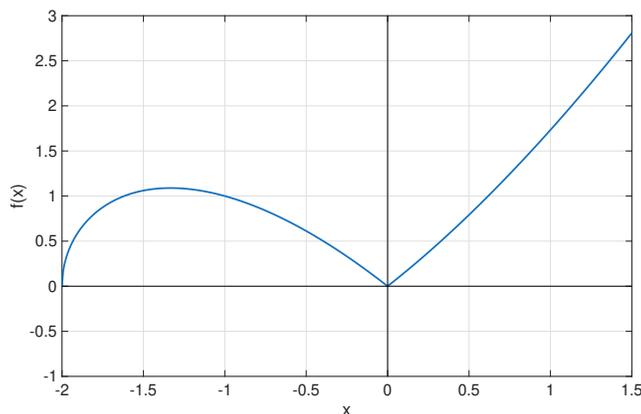
*Limiti*:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ,  $m = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ , la funzione non ammette asintoti obliqui o orizzontali.

*Derivata prima*:  $f'(x) = \frac{3x^2+4x}{2\sqrt{x^2(x+2)}} = \frac{x(3x+4)}{2|x|\sqrt{(x+2)}}$ ,  $\text{dom}(f') = \text{dom } f \setminus \{-2, 0\}$ . Il punto  $x = -2$  è un punto a tangente verticale; il punto  $x = 0$  è un punto angoloso.

*punti stazionari*:  $x = -\frac{4}{3}$

*Crescenza/decrecenza*:

La funzione è crescente in  $(-2, -\frac{4}{3}) \cup (0, +\infty)$  e decrescente in  $(-\frac{4}{3}, 0)$ ;  $x = -2$  e  $x = 0$  sono punti di minimo relativo e assoluto (di non derivabilità);  $x = -\frac{4}{3}$  è punto di massimo relativo stazionario. non esistono punti di massimo assoluto;



### Fila 2

1.  $\text{dom}(f) = (0, \frac{1}{4}) \cup (\frac{1}{4}, \pi)$ .  $A = (0, \frac{1}{4}) \cup [\frac{\pi}{2}, \pi)$ .
2.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R}$ ,  $\text{im}(f) = (-\infty, 0)$ ;  $f(x) \leq -1$  quando  $x \in [0, +\infty)$ .
3. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = \frac{1}{6}x^2$  privata del proprio vertice, in quanto  $\bar{z}$  deve essere non nullo.
4. Le radici sono:  $z_0 = \sqrt[3]{3}e^{i\frac{\pi}{2}} = \sqrt[3]{3}i$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{3}e^{i\frac{7\pi}{6}} = \sqrt[3]{3}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{3}e^{i\frac{11\pi}{6}} = \sqrt[3]{3}\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)$ .
5. Il limite vale:  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > \frac{4}{5}$ ;  $\ell = \frac{1}{6}$  se  $\alpha = \frac{4}{5}$ ;  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < \frac{4}{5}$ .
6. *Dominio*:  $\text{dom } f = [-4, +\infty)$ .

*Limiti*:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ,  $m = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ , la funzione non ammette asintoti obliqui o orizzontali.

*Derivata prima*:  $f'(x) = \frac{3x^2+8x}{2\sqrt{x^2(x+4)}} = \frac{x(3x+8)}{2|x|\sqrt{(x+4)}}$ ,  $\text{dom}(f') = \text{dom } f \setminus \{-4, 0\}$ . Il punto  $x = -4$  è un punto a tangente verticale; il punto  $x = 0$  è un punto angoloso.

*punti stazionari*:  $x = -\frac{8}{3}$

*Crescenza/decrecenza*:

La funzione è crescente in  $(-4, -\frac{8}{3}) \cup (0, +\infty)$  e decrescente in  $(-\frac{8}{3}, 0)$ ;  $x = -4$  e  $x = 0$  sono punti di minimo relativo e assoluto (di non derivabilità);  $x = -\frac{8}{3}$  è punto di massimo relativo stazionario. non esistono punti di massimo assoluto;

### Fila 3

1.  $\text{dom}(f) = (0, \frac{1}{3}) \cup (\frac{1}{3}, \pi)$ .  $A = (0, \frac{1}{3}) \cup [\frac{\pi}{2}, \pi)$ .
2.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R}$ ,  $\text{im}(f) = (0, +\infty)$ ;  $f(x) \geq 1$  quando  $x \in [0, +\infty)$ .
3. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = \frac{1}{5}x^2$  privata del proprio vertice, in quanto  $\bar{z}$  deve essere non nullo.
4. Le radici sono:  $z_0 = \sqrt[3]{4}e^{i\frac{\pi}{2}} = \sqrt[3]{4}i$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{4}e^{i\frac{7\pi}{6}} = \sqrt[3]{4}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{4}e^{i\frac{11\pi}{6}} = \sqrt[3]{4}\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)$ .
5. Il limite vale:  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > \frac{4}{7}$ ;  $\ell = \frac{1}{6}$  se  $\alpha = \frac{4}{7}$ ;  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < \frac{4}{7}$ .
6. *Dominio*:  $\text{dom } f = [-6, +\infty)$ .

*Limiti*:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ,  $m = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ , la funzione non ammette asintoti obliqui o orizzontali.

*Derivata prima*:  $f'(x) = \frac{3x^2+12x}{2\sqrt{x^2(x+6)}} = \frac{x(3x+12)}{2|x|\sqrt{(x+6)}}$ ,  $\text{dom}(f') = \text{dom } f \setminus \{-6, 0\}$ . Il punto  $x = -6$  è un punto a tangente verticale; il punto  $x = 0$  è un punto angoloso.

*punti stazionari*:  $x = -4$

*Crescenza/decrecenza:*

La funzione è crescente in  $(-6, -4) \cup (0, +\infty)$  e decrescente in  $(-4, 0)$ ;  $x = -6$  e  $x = 0$  sono punti di minimo relativo e assoluto (di non derivabilità);  $x = -4$  è punto di massimo relativo stazionario. non esistono punti di massimo assoluto;

---

**Fila 4**

1.  $\text{dom}(f) = (0, \frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}, \pi)$ .  $A = (0, \frac{1}{2}) \cup [\frac{\pi}{2}, \pi)$ .
2.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R}$ ,  $\text{im}(f) = (-\infty, 0)$ ;  $f(x) \leq -1$  quando  $x \in [0, +\infty)$ .
3. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = \frac{1}{4}x^2$  privata del proprio vertice, in quanto  $\bar{z}$  deve essere non nullo.
4. Le radici sono:  $z_0 = \sqrt[3]{5}e^{i\frac{\pi}{2}} = \sqrt[3]{5}i$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{5}e^{i\frac{7\pi}{6}} = \sqrt[3]{5}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{5}e^{i\frac{11\pi}{6}} = \sqrt[3]{5}\left(\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2}i\right)$ .
5. Il limite vale:  $\ell = +\infty$  se  $\alpha > \frac{4}{9}$ ;  $\ell = \frac{1}{6}$  se  $\alpha = \frac{4}{9}$ ;  $\ell = 0$  se  $0 < \alpha < \frac{4}{9}$ .
6. *Dominio:*  $\text{dom } f = [-8, +\infty)$ .

*Limiti:*  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ,  $m = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ , la funzione non ammette asintoti obliqui o orizzontali.

*Derivata prima:*  $f'(x) = \frac{3x^2+16x}{2\sqrt{x^2(x+8)}} = \frac{x(3x+16)}{2|x|\sqrt{(x+8)}}$ ,  $\text{dom}(f') = \text{dom } f \setminus \{-8, 0\}$ . Il punto  $x = -8$  è un punto a tangente verticale; il punto  $x = 0$  è un punto angoloso.

*punti stazionari:*  $x = -\frac{16}{3}$

*Crescenza/decrecenza:*

La funzione è crescente in  $(-8, -\frac{16}{3}) \cup (0, +\infty)$  e decrescente in  $(-\frac{16}{3}, 0)$ ;  $x = -8$  e  $x = 0$  sono punti di minimo relativo e assoluto (di non derivabilità);  $x = -\frac{16}{3}$  è punto di massimo relativo stazionario. non esistono punti di massimo assoluto;

---