

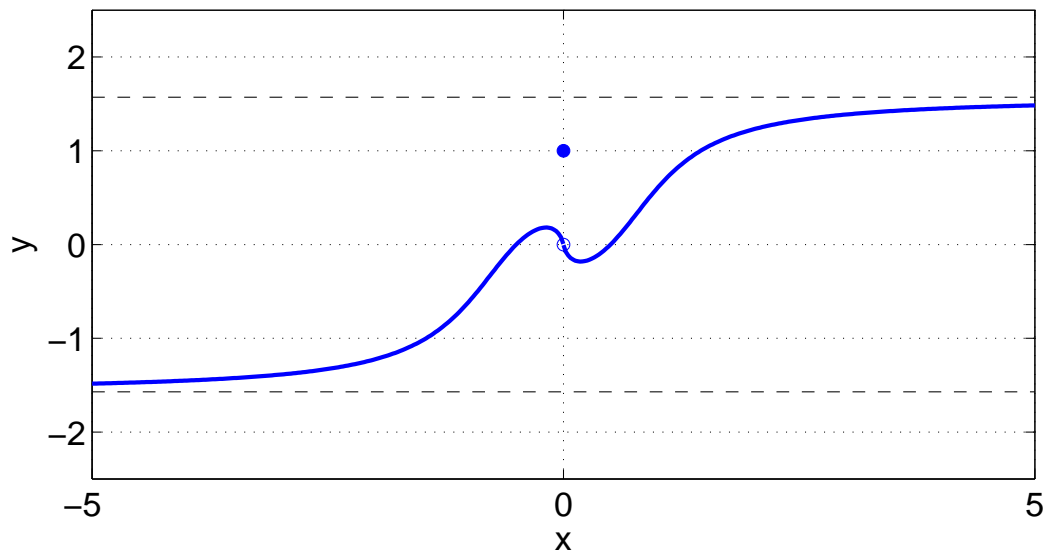
---

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio n° 4 ed è il coefficiente di  $n!$ .

---

**FILA 1**

**1.** Sol.:  $\min A = \frac{1}{4} \log 3$ ;  $\sup A = +\infty$ . **2.** Sol.: Le radici sono 4 e sono:  $z_1 = 1$ ,  $z_2 = 2$ ,  $z_3 = z_4 = -7i$ . **3.** Sol.: Unione tra due punti:  $z = 0$  e  $z = -2(1 + i)$ . **4.** Sol.:  $e^{-2}$ . **5.** Sol.: 9 se  $\alpha = 8$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 8$ , 0 se  $\alpha < 8$ . **6.** Sol.:  $\text{dom} f = \mathbf{R}$ ,  $f(x)$  non presenta simmetrie.  $y = \pi/2$  è as. orizz. parziale destro;  $y = -\pi/2$  è as. orizz. parziale sinistro; non ci sono asintoti obliqui né verticali;  $f$  è discontinua in  $x = 0$ , in particolare  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile.  $f'(x) = \frac{\log(2|x|)+1}{1+x^2(\log(2|x|))^2}$  per  $x \neq 0$ .  $\text{dom} f' = \text{dom} f \setminus \{0\}$ .  $f'_+(0) = f'_-(0) = -\infty$ .  $f$  è crescente in  $(-\infty, -(2e)^{-1}) \cup ((2e)^{-1}, +\infty)$ , decrescente in  $(-(2e)^{-1}, 0) \cup (0, (2e)^{-1})$ .  $x = -(2e)^{-1}$  è punto di massimo relativo,  $x = (2e)^{-1}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di massimo o minimo assoluto per  $f$ . Grafico:



Nota:  $f$  ammette almeno due punti di flesso, infatti: per  $x > 0$ ,  $f$  ha la concavità rivolta verso l'alto in un intorno del punto di minimo relativo, mentre ha la concavità rivolta verso il basso in un intorno di  $+\infty$ , visto che  $f$  è crescente e c'è un asintoto orizzontale. Di conseguenza nell'intervallo  $(0, +\infty)$  deve esistere almeno un punto di flesso. Analoghe considerazioni valgono per  $x < 0$ . **7.** Sol.:  $-\frac{1}{2}$ .

---

**FILA 2**

**1.** Sol.:  $\min A = \frac{1}{6} \log 3$ ;  $\sup A = +\infty$ . **2.** Sol.: Le radici sono 4 e sono:  $z_1 = 2$ ,  $z_2 = 3$ ,  $z_3 = z_4 = -6i$ . **3.** Sol.: Unione tra due punti:  $z = 0$  e  $z = -3(1 + i)$ . **4.** Sol.:  $e^{-3}$ . **5.** Sol.: 10 se  $\alpha = 7$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 7$ , 0 se  $\alpha < 7$ . **6.** Sol.:  $\text{dom} f = \mathbf{R}$ ,  $f(x)$  non presenta simmetrie.  $y = \pi/2$  è as. orizz. parziale destro;  $y = -\pi/2$  è as. orizz. parziale sinistro; non ci sono asintoti obliqui né verticali;  $f$  è discontinua in  $x = 0$ , in particolare  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile.  $f'(x) = \frac{\log(3|x|)+1}{1+x^2(\log(3|x|))^2}$  per  $x \neq 0$ .  $\text{dom} f' = \text{dom} f \setminus \{0\}$ .  $f'_+(0) = f'_-(0) = -\infty$ .  $f$  è crescente in  $(-\infty, -(3e)^{-1}) \cup ((3e)^{-1}, +\infty)$ , decrescente in  $(-(3e)^{-1}, 0) \cup (0, (3e)^{-1})$ .  $x = -(3e)^{-1}$  è punto di massimo relativo,  $x = (3e)^{-1}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di massimo o minimo assoluto per  $f$ . Grafico:

Nota:  $f$  ammette almeno due punti di flesso, infatti: per  $x > 0$ ,  $f$  ha la concavità rivolta verso l'alto in un intorno del punto di minimo relativo, mentre ha la concavità rivolta verso il basso in un intorno di  $+\infty$ , visto che  $f$  è crescente e c'è un asintoto orizzontale. Di conseguenza nell'intervallo  $(0, +\infty)$  deve esistere almeno un punto di flesso. Analoghe considerazioni valgono per  $x < 0$ . **7.** Sol.:  $-\frac{1}{3}$ .

---

**FILA 3**

**1.** Sol.:  $\min A = \frac{1}{8} \log 3$ ;  $\sup A = +\infty$ . **2.** Sol.: Le radici sono 4 e sono:  $z_1 = 3$ ,  $z_2 = 4$ ,  $z_3 = z_4 = -5i$ . **3.** Sol.: Unione tra due punti:  $z = 0$  e  $z = -4(1 + i)$ . **4.** Sol.:  $e^{-4}$ . **5.** Sol.: 11 se  $\alpha = 6$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 6$ , 0 se  $\alpha < 6$

**6.** Sol.:  $\text{dom} f = \mathbf{R}$ ,  $f(x)$  non presenta simmetrie.  $y = \pi/2$  è as. orizz. parziale destro;  $y = -\pi/2$  è as. orizz. parziale sinistro; non ci sono asintoti obliqui né verticali;  $f$  è discontinua in  $x = 0$ , in particolare  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile.  $f'(x) = \frac{\log(4|x|)+1}{1+x^2(\log(4|x|))^2}$  per  $x \neq 0$ .  $\text{dom} f' = \text{dom} f \setminus \{0\}$ .  $f'_+(0) = f'_-(0) = -\infty$ .  $f$  è crescente in  $(-\infty, -(4e)^{-1}) \cup ((4e)^{-1}, +\infty)$ , decrescente in  $(-(4e)^{-1}, 0) \cup (0, (4e)^{-1})$ .  $x = -(4e)^{-1}$  è punto di massimo relativo,  $x = (4e)^{-1}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di massimo o minimo assoluto per  $f$ . Grafico:

Nota:  $f$  ammette almeno due punti di flesso, infatti: per  $x > 0$ ,  $f$  ha la concavità rivolta verso l'alto in un intorno del punto di minimo relativo, mentre ha la concavità rivolta verso il basso in un intorno di  $+\infty$ , visto che  $f$  è crescente e c'è un asintoto orizzontale. Di conseguenza nell'intervallo  $(0, +\infty)$  deve esistere almeno un punto di flesso. Analoghe considerazioni valgono per  $x < 0$ . **7.** Sol.:  $-\frac{1}{4}$ .

---

#### FILA 4

**1.** Sol.:  $\min A = \frac{1}{10} \log 3$ ;  $\sup A = +\infty$ . **2.** Sol.: Le radici sono 4 e sono:  $z_1 = 4$ ,  $z_2 = 5$ ,  $z_3 = z_4 = -4i$ . **3.** Sol.: Unione tra due punti:  $z = 0$  e  $z = -5(1+i)$ . **4.** Sol.:  $e^{-5}$ . **5.** Sol.: 12 se  $\alpha = 5$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 5$ , 0 se  $\alpha < 5$ . **6.** Sol.:  $\text{dom} f = \mathbf{R}$ ,  $f(x)$  non presenta simmetrie.  $y = \pi/2$  è as. orizz. parziale destro;  $y = -\pi/2$  è as. orizz. parziale sinistro; non ci sono asintoti obliqui né verticali;  $f$  è discontinua in  $x = 0$ , in particolare  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile.  $f'(x) = \frac{\log(5|x|)+1}{1+x^2(\log(5|x|))^2}$  per  $x \neq 0$ .  $\text{dom} f' = \text{dom} f \setminus \{0\}$ .  $f'_+(0) = f'_-(0) = -\infty$ .  $f$  è crescente in  $(-\infty, -(5e)^{-1}) \cup ((5e)^{-1}, +\infty)$ , decrescente in  $(-(5e)^{-1}, 0) \cup (0, (5e)^{-1})$ .  $x = -(5e)^{-1}$  è punto di massimo relativo,  $x = (5e)^{-1}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di massimo o minimo assoluto per  $f$ . Grafico:

Nota:  $f$  ammette almeno due punti di flesso, infatti: per  $x > 0$ ,  $f$  ha la concavità rivolta verso l'alto in un intorno del punto di minimo relativo, mentre ha la concavità rivolta verso il basso in un intorno di  $+\infty$ , visto che  $f$  è crescente e c'è un asintoto orizzontale. Di conseguenza nell'intervallo  $(0, +\infty)$  deve esistere almeno un punto di flesso. Analoghe considerazioni valgono per  $x < 0$ . **7.** Sol.:  $-\frac{1}{5}$ .

---

#### FILA 5

**1.** Sol.:  $\min A = \frac{1}{12} \log 3$ ;  $\sup A = +\infty$ . **2.** Sol.: Le radici sono 4 e sono:  $z_1 = 5$ ,  $z_2 = 6$ ,  $z_3 = z_4 = -3i$ . **3.** Sol.: Unione tra due punti:  $z = 0$  e  $z = -6(1+i)$ . **4.** Sol.:  $e^{-6}$ . **5.** Sol.: 13 se  $\alpha = 4$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 4$ , 0 se  $\alpha < 4$ . **6.** Sol.:  $\text{dom} f = \mathbf{R}$ ,  $f(x)$  non presenta simmetrie.  $y = \pi/2$  è as. orizz. parziale destro;  $y = -\pi/2$  è as. orizz. parziale sinistro; non ci sono asintoti obliqui né verticali;  $f$  è discontinua in  $x = 0$ , in particolare  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile.  $f'(x) = \frac{\log(6|x|)+1}{1+x^2(\log(6|x|))^2}$  per  $x \neq 0$ .  $\text{dom} f' = \text{dom} f \setminus \{0\}$ .  $f'_+(0) = f'_-(0) = -\infty$ .  $f$  è crescente in  $(-\infty, -(6e)^{-1}) \cup ((6e)^{-1}, +\infty)$ , decrescente in  $(-(6e)^{-1}, 0) \cup (0, (6e)^{-1})$ .  $x = -(6e)^{-1}$  è punto di massimo relativo,  $x = (6e)^{-1}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di massimo o minimo assoluto per  $f$ . Grafico:

Nota:  $f$  ammette almeno due punti di flesso, infatti: per  $x > 0$ ,  $f$  ha la concavità rivolta verso l'alto in un intorno del punto di minimo relativo, mentre ha la concavità rivolta verso il basso in un intorno di  $+\infty$ , visto che  $f$  è crescente e c'è un asintoto orizzontale. Di conseguenza nell'intervallo  $(0, +\infty)$  deve esistere almeno un punto di flesso. Analoghe considerazioni valgono per  $x < 0$ . **7.** Sol.:  $-\frac{1}{6}$ .

---

#### FILA 6

**1.** Sol.:  $\min A = \frac{1}{14} \log 3$ ;  $\sup A = +\infty$ . **2.** Sol.: Le radici sono 4 e sono:  $z_1 = 6$ ,  $z_2 = 7$ ,  $z_3 = z_4 = -2i$ . **3.** Sol.: Unione tra due punti:  $z = 0$  e  $z = -7(1+i)$ . **4.** Sol.:  $e^{-7}$ . **5.** Sol.: 14 se  $\alpha = 3$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 3$ , 0 se  $\alpha < 3$ . **6.** Sol.:  $\text{dom} f = \mathbf{R}$ ,  $f(x)$  non presenta simmetrie.  $y = \pi/2$  è as. orizz. parziale destro;  $y = -\pi/2$  è as. orizz. parziale sinistro; non ci sono asintoti obliqui né verticali;  $f$  è discontinua in  $x = 0$ , in particolare  $x = 0$  è un punto di discontinuità eliminabile.  $f'(x) = \frac{\log(7|x|)+1}{1+x^2(\log(7|x|))^2}$  per  $x \neq 0$ .  $\text{dom} f' = \text{dom} f \setminus \{0\}$ .  $f'_+(0) = f'_-(0) = -\infty$ .  $f$  è crescente in  $(-\infty, -(7e)^{-1}) \cup ((7e)^{-1}, +\infty)$ , decrescente in  $(-(7e)^{-1}, 0) \cup (0, (7e)^{-1})$ .  $x = -(7e)^{-1}$  è punto di massimo relativo,  $x = (7e)^{-1}$  è punto di minimo relativo. Non esistono punti di massimo o minimo assoluto per  $f$ . Grafico:

Nota:  $f$  ammette almeno due punti di flesso, infatti: per  $x > 0$ ,  $f$  ha la concavità rivolta verso l'alto in un intorno del punto di minimo relativo, mentre ha la concavità rivolta verso il basso in un intorno di  $+\infty$ , visto che  $f$  è crescente e c'è un asintoto orizzontale. Di conseguenza nell'intervallo  $(0, +\infty)$  deve esistere almeno un punto di flesso. Analoghe considerazioni valgono per  $x < 0$ . **7.** Sol.:  $-\frac{1}{7}$ .

