

1. Data la successione $\{a_n\}$, $\lim_{n \rightarrow +\infty} a_n = 1$ significa

Risp.: **A**: $\forall \varepsilon > 0 \exists m \in \mathbf{N} : \forall n \geq m \quad |a_n - 1| > \varepsilon$ **B**: $\exists \varepsilon > 0 : \exists m \in \mathbf{N} : \forall n \geq m \quad |a_n - 1| \leq \varepsilon$
C: $\forall \varepsilon > 0 \forall m \in \mathbf{N} \exists n \geq m : |a_n - 1| > \varepsilon$ **D**: $\forall \varepsilon > 0 \exists m \in \mathbf{N} : \forall n \geq m \quad |a_n| \leq \varepsilon$ **E**: $\forall \varepsilon > 0 \exists m \in \mathbf{N} : \forall n \geq m \quad a_n - 1 \leq \varepsilon$ **F**: $\forall \varepsilon > 0 \exists m \in \mathbf{N} : \forall n \geq m \quad |a_n - 1| \leq \varepsilon$

2. Dei seguenti sottoinsiemi di \mathbf{R}

$S_1 = \mathbf{R} \setminus \mathbf{Z}^+$; $S_2 = \mathbf{R} \setminus [-1, 0[$; $S_3 = \{x \in \mathbf{R} : x^2 - 1 \geq 0\}$; $S_4 = \{x \in \mathbf{R} : 2 < x < 3\}$; $S_5 = \{x \in \mathbf{R} : |\sin x| \leq 2\}$
sono intorni di $x = 2$

Risp.: **A**: S_2, S_3, S_5 **B**: S_2, S_4 **C**: S_1, S_2, S_5 **D**: S_1, S_3, S_4 **E**: S_1, S_4, S_5 **F**: S_2, S_5

3. L'insieme degli $z \in \mathbf{C}$ tali che $\operatorname{Re}(z^2 + |z|^2 + 7z + i7z) = 0$ è rappresentato

Risp.: **A**: dall'unione di due rette **B**: dall'unione di un punto e una circonferenza **C**: da una parabola **D**: da una circonferenza **E**: da una semicirconferenza **F**: da una parabola privata di un punto

4. Sia $\{a_n\}$ una successione infinitesima. Dire quale delle seguenti affermazioni è **falsa**.

Risp.: **A**: $\{a_n\}$ è limitata **B**: $\{a_n\}$ è di Cauchy **C**: ogni sottosuccessione di $\{a_n\}$ è infinitesima **D**: se $\{b_n\}$ è positivamente divergente, $\{a_n + b_n\}$ è positivamente divergente **E**: se $\{b_n\}$ è limitata, $\{a_n \cdot b_n\}$ è oscillante **F**: se $\{b_n\}$ è negativamente divergente, $\{a_n \cdot b_n\}$ dà origine ad una forma indeterminata

5. Sia $\{a_n\}$ la successione definita da: $a_0 = 3$, $a_{n+1} = \frac{a_n}{\frac{1}{2} + a_n}$, $\forall n \in \mathbf{N}$. Allora

Risp.: **A**: a_n è crescente e $\lim_n a_n = \frac{1}{2}$ **B**: a_n è decrescente e $\lim_n a_n = \frac{1}{2}$ **C**: a_n è decrescente e $\lim_n a_n = 0$
D: a_n è crescente e $\lim_n a_n = +\infty$ **E**: a_n non è monotona **F**: a_n oscilla

6. Il limite $\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{n^2 + 2n + 7}{n^2 - n} \right)^n$ vale

Risp.: **A**: 7 **B**: e^{-4} **C**: 2 **D**: e^3 **E**: $+\infty$ **F**: 0

7. Il numero complesso $\frac{1}{3}(\sqrt{3} + i)^{11}$ vale

Risp.: **A**: $\frac{2^{10}}{3}(\sqrt{3} - i)$ **B**: $\frac{1}{3}(i\sqrt{3} + 1)$ **C**: $-32(\sqrt{3} + i)$ **D**: $\frac{1}{3}(\sqrt{3} - i)$ **E**: $\frac{i}{3}$ **F**: $3(\sqrt{3} - i)$

8. Sia $A = \left\{ \cos(n\pi) + \frac{\cos(2n\pi)}{n+2}, n \in \mathbf{N} \right\}$. Allora

Risp.: **A**: $\min A = -1, \max A = 1$ **B**: $\min A = -1, \sup A = +\infty$ **C**: $\inf A = -1, \max A = 2$ **D**: $\min A = -\frac{1}{2}, \max A = \frac{3}{2}$ **E**: $\inf A = -\infty, \max A = \frac{3}{2}$ **F**: $\inf A = -1, \max A = \frac{3}{2}$