

1. Sia

$$A = \left\{ (-1)^n \frac{2}{3} \arctan \frac{n}{5}, n \in \mathbf{N} \right\}.$$

Allora

Risp.: **A** : $\min A = -\frac{\pi}{3}$; $\max A = \frac{2}{3} \arctan \frac{2}{5}$ **B** : $\inf A = -\infty$; $\sup A = \frac{\pi}{3}$ **C** : $\inf A = -\frac{\pi}{3}$; $\sup A = \frac{\pi}{3}$ **D** : $\min A = -\frac{2}{3} \arctan \frac{1}{5}$; $\max A = \frac{2}{3} \arctan \frac{2}{5}$ **E** : $\inf A = -\frac{\pi}{3}$; $\sup A = +\infty$ **F** : $\inf A = \frac{2}{3} \arctan \frac{1}{5}$; $\max A = \frac{\pi}{3}$

2. Il numero complesso $\frac{1}{2} \left[\frac{i\sqrt{3}-1}{(1+i)^2} \right]^5$ vale

Risp.: **A** : $\frac{i-\sqrt{3}}{4}$ **B** : $\frac{i+\sqrt{3}}{2}$ **C** : $\frac{1-i\sqrt{3}}{5}$ **D** : $\frac{1+i\sqrt{3}}{4}$ **E** : $\frac{1+i}{4}$ **F** : $\frac{1-i}{4}$

3. L'insieme degli $z \in \mathbf{C}$ tali che $\operatorname{Re}(3z\bar{z} - z^2 - 7) = 0$ è dato da

Risp.: **A** : una semicirconferenza **B** : una circonferenza **C** : una parabola **D** : una semiretta **E** : l'unione di due rette **F** : un'ellisse

4. Il limite della successione

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left[\sqrt{n^2 + 4n + 8} - \sqrt{n^2 + 7} \right] \cos \frac{1}{n}$$

vale

Risp.: **A** : -1 **B** : 2 **C** : $+\infty$ **D** : 0 **E** : $\frac{1}{3}$ **F** : $-\frac{1}{5}$

5. Si consideri la successione $\{a_n\}_{n \in \mathbf{N}}$ definita da: $a_0 = \frac{1}{3}$, $a_{n+1} = 2a_n + \frac{1}{a_n}$, $\forall n \in \mathbf{N}$. Allora

Risp.: **A** : $\{a_n\}$ è crescente e $\lim_n a_n = \bar{z}$ **B** : $\{a_n\}$ è decrescente e $\lim_n a_n = 0$ **C** : $\{a_n\}$ è crescente e $\lim_n a_n = 1$ **D** : $\{a_n\}$ è decrescente e $\lim_n a_n = -\infty$ **E** : $\{a_n\}$ è crescente e $\lim_n a_n = +\infty$ **F** : $\{a_n\}$ è decrescente e $\lim_n a_n = \bar{z}$

6. Sia f la funzione definita da

$$f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{x + 3}.$$

Delle seguenti affermazioni

(a) $\operatorname{dom}(f) =] - \infty, -3[\cup] - 3, -2[\cup] 2, +\infty[$ (b) $\operatorname{dom}(f) =] - \infty, -3] \cup] - 3, -2[\cup] 2, +\infty[$ (c) $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = +\infty$
 (d) f ammette la retta di equazione $y = 1$ come asintoto orizzontale per $x \rightarrow +\infty$ (e) f ammette la retta di equazione $y = -x + 1$ come asintoto obliquo per $x \rightarrow -\infty$

le uniche corrette sono

Risp.: **A** : b c d e **B** : b e **C** : a c **D** : a d **E** : b c **F** : a c d

7. Sia f la funzione definita nell'esercizio n. 6. Delle seguenti affermazioni

(a) $\operatorname{dom}(f') =] - \infty, -3[\cup] - 3, -2[\cup] 2, +\infty[$ (b) f è crescente in $] 2, +\infty[$ (c) f ammette almeno un punto di minimo assoluto (d) $\lim_{x \rightarrow -2^-} f'(x) = -\infty$ (e) $\lim_{x \rightarrow -2^+} f'(x) = +\infty$ (f) f ammette un punto di flesso in $] - 3, -2[$

le uniche corrette sono

Risp.: **A** : b c **B** : b c f **C** : a d e **D** : a b d e f **E** : a d e f **F** : c d e

8. Si consideri la funzione f definita da $f(x) = \sqrt[3]{\log^2|x+1|}$, $x \in \mathbf{R} \setminus \{-1\}$.

Allora f

Risp.: **A** : $x_0 = -2$ è un punto angoloso **B** : $x_0 = -3$ è un punto di cuspidità **C** : $x_0 = -2$ è un punto di flesso a tangente verticale **D** : $x_0 = -2$ è un punto di cuspidità **E** : $x_0 = -3$ è un punto di flesso a tangente verticale **F** : $x_0 = -3$ è un punto angoloso

9. Sia $\alpha \in \mathbf{R}$. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sinh 2x \log(1 + 2x)}{2x^\alpha + 7x^4}$$

vale

Risp.: **A** : 2 se $\alpha = 2$, 0 se $\alpha < 2$, $+\infty$ se $\alpha > 2$, **B** : 0 se $\alpha \leq 2$, $+\infty$ se $\alpha > 2$, **C** : 1 se $\alpha = 2$, 0 se $\alpha > 2$, $+\infty$ se $\alpha < 2$, **D** : 1 se $\alpha = 1$, 0 se $\alpha < 1$, $+\infty$ se $\alpha > 1$, **E** : $+\infty$ per ogni α , **F** : 0 per ogni α ,

10. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ la funzione definita da $f(x) = [\cos \frac{x}{2}]$ (ove $[\cdot]$ indica la parte intera). Allora f ammette

Risp.: **A** : infiniti punti di discontinuità eliminabile e infiniti punti di infinito **B** : infiniti punti di discontinuità di seconda specie e infiniti punti di salto **C** : infiniti punti di discontinuità di seconda specie e infiniti punti di salto **D** : infiniti punti di discontinuità eliminabile e un unico punto di salto **E** : un unico punto di discontinuità eliminabile e infiniti punti di salto **F** : infiniti punti di discontinuità eliminabile e infiniti punti di salto
