

1. Sia

$$A = \{1 + (-1)^n \pi + \arctan n, n \in \mathbf{N}\}.$$

Allora

Risp.: **A** :  $\min A = 1 - \frac{3}{4}\pi$ ;  $\sup A = 1 + \frac{\pi}{2}$    **B** :  $\inf A = 1 - \frac{3}{4}\pi$ ;  $\sup A = +\infty$    **C** :  $\min A = 1 - \frac{3}{2}\pi$ ;  $\max A = 1 + \frac{3}{2}\pi$   
**D** :  $\inf A = -1$ ;  $\sup A = 1 + \frac{3}{2}\pi$    **E** :  $\min A = -\pi$ ;  $\sup A = 1 + \frac{3}{2}\pi$    **F** :  $\min A = 1 - \frac{3}{4}\pi$ ;  $\sup A = 1 + \frac{3}{2}\pi$

2. L'insieme degli  $z \in \mathbf{C}$  tali che

$$\operatorname{Re}(3 + i|z|^2 + 2z + 7i\bar{z}) = 0$$

è rappresentato da

Risp.: **A** : una retta   **B** : una semiretta   **C** : una parabola   **D** : una circonferenza   **E** : una semicirconferenza  
**F** : una retta privata di un punto

3. Il numero complesso

$$\left[ 7 \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2} \right) \right]^3$$

vale

Risp.: **A** :  $343 \left( \frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right)$    **B** :  $343 \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2} \right)$    **C** : 343   **D** :  $7i$    **E** : 1   **F** :  $343 \left( \frac{1}{2} + i \frac{\sqrt{3}}{2} \right)$

4. Il limite

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n^{\frac{3}{5}} - 1}{\sin \frac{1}{n} (\log[(n+3)!] - \log[(n+1)!])}$$

vale

Risp.: **A** :  $e^{\frac{1}{5}}$    **B** :  $3 \log 2$    **C** :  $\frac{1}{5}$    **D** :  $\frac{3}{2}$    **E** : 0   **F** :  $+\infty$

5. Siano  $\alpha \in \mathbf{R}^+$  e  $\{a_n\}_{n \in \mathbf{N}}$  la successione definita da:  $a_0 = \alpha$ ,  $a_{n+1} = 4(a_n)^3$ ,  $\forall n \in \mathbf{N}$ . Allora

Risp.: **A** :  $\{a_n\}$  è decrescente per ogni  $\alpha > 0$  e  $\lim_n a_n = 0$    **B** : per  $0 < \alpha < \frac{1}{2}$   $\{a_n\}$  è decrescente e  $\lim_n a_n = 0$ ; per  $\alpha > \frac{1}{2}$   $\{a_n\}$  è crescente e  $\lim_n a_n = +\infty$    **C** : per  $0 < \alpha < \frac{1}{2}$   $\{a_n\}$  è crescente e  $\lim_n a_n = \frac{1}{2}$ ; per  $\alpha > \frac{1}{2}$   $\{a_n\}$  è decrescente e  $\lim_n a_n = \frac{1}{2}$    **D** : per  $0 < \alpha < 4$   $\{a_n\}$  è decrescente e  $\lim_n a_n = 0$ ; per  $\alpha > 4$   $\{a_n\}$  è crescente e  $\lim_n a_n = +\infty$    **E** :  $\{a_n\}$  è crescente e  $\lim_n a_n = +\infty$    **F** :  $\{a_n\}$  non è monotona per ogni  $\alpha > 0$

6. Sia  $\alpha \in \mathbf{R}$ . Il limite

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\exp(\sin x) - 1 - \log(1+x)}{x^{\alpha-2} \sinh x}$$

vale

Risp.: **A** : 0 se  $\alpha \leq 3$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 3$    **B** : 1 se  $\alpha = 3$ , 0 se  $\alpha > 3$ ,  $+\infty$  se  $\alpha < 3$    **C** : 1 se  $\alpha = 2$ , 0 se  $\alpha < 2$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 2$    **D** :  $+\infty$  per ogni  $\alpha$    **E** : 1 se  $\alpha = 3$ , 0 se  $\alpha < 3$ ,  $+\infty$  se  $\alpha > 3$    **F** : 0 per ogni  $\alpha$

7. Sia  $f$  la funzione definita da

$$f(x) = \frac{\sin^2 x + 7}{\cos^2 x - 1}.$$

Delle seguenti affermazioni

- (a)  $\operatorname{dom}(f) = \mathbf{R} \setminus \{ \frac{\pi}{2} + k\pi \mid k \in \mathbf{Z} \}$    (b)  $\operatorname{dom}(f) = \mathbf{R} \setminus \{ k\pi \mid k \in \mathbf{Z} \}$    (c)  $f$  è periodica   (d)  $f$  è pari   (e)  $f$  ammette la retta di equazione  $y = 1$  come asintoto orizzontale per  $x \rightarrow +\infty$    (f)  $f$  ammette asintoto obliquo per  $x \rightarrow -\infty$

le uniche corrette sono

Risp.: **A** : a c d   **B** : b c d   **C** : a f   **D** : b c f   **E** : b c e   **F** : b e f

8. Sia  $f$  la funzione definita nell'esercizio n. 7. Delle seguenti affermazioni le uniche corrette sono

- (a)  $f$  ha almeno un punto di massimo assoluto (b)  $f$  ha almeno un punto di minimo assoluto (c)  $\text{dom}(f) = \text{dom}(f')$   
(d)  $f$  è decrescente in  $]0, \frac{\pi}{2}[$  (e)  $f$  è crescente in  $] \pi, \frac{3}{2}\pi[$  (f)  $f$  è concava in  $\text{dom} f$

Risp.: A : b c d e B : a c d C : a c e f D : a b e E : a b c F : a c

---

9. Sia  $f$  la funzione definita da  $f(x) = x \exp\left(\frac{1}{\arctan x}\right)$ . Delle seguenti affermazioni

- (a)  $\text{dom}(f) = \mathbf{R}$  (b)  $\text{dom}(f) = \mathbf{R} \setminus \{0\}$  (c)  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = 0$  (d)  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = 1$  (e)  $f$  è dispari (f)  $f$  ammette  
asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$  di equazione  $y = e^{2/\pi}\left(x + \frac{4}{\pi^2}\right)$

le uniche corrette sono

Risp.: A : a c B : b c d C : b d e D : b c f E : b c F : a c f

---

10. Si consideri la funzione definita da  $f(x) = \sqrt{|\sin(x-2)|}$ ,  $x \in \mathbf{R}$ . Allora il punto  $x_0 = 2$  è

Risp.: A : di cuspid e di massimo B : un flesso a tangente verticale C : un punto angoloso e di minimo  
D : un punto angoloso e di massimo E : di cuspid e di minimo F : un punto in cui  $f$  è derivabile

---