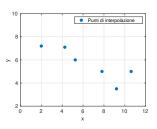
### Interpolazione di dati. Problema 1

Si intende determinare nel piano xy la traiettoria seguita da un robot che viene impiegato per un ciclo di lavorazione in un'industria. Il robot deve rispettare determinati vincoli di movimento: in particolare, si vuole che al tempo iniziale il robot si trovi fermo nella posizione (2,7.2) e che



poi transiti per i punti riportati nella seguente tabella:

$x_i$	2.00	4.25	5.25	7.81	9.20	10.60
Уi	7.2	7.1	6.0	5.0	3.5	5.0

Determinare la traiettoria del robot, supponendo che esso sia assimilabile ad un punto materiale.

Determinare le traiettorie interpolatorie che il robot può compiere, utilizzando:

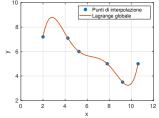
- 1. l'interpolazione globale di Lagrange,
- 2. l'interpolazione composita lineare di Lagrange,
- 3. le spline cubiche.

Rappresentare graficamente le traiettorie insieme ai punti di passaggio.

Nell'ottica di avere una traiettoria breve ed allo stesso tempo regolare, quale approssimazione è da preferirsi?

# Svolgimento del punto 1. (interp. globale di Lagrange)

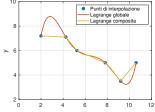
- 1.1. definire i vettori (colonna) dei dati x=[x0;...; xn] e y=[y0;...; yn]
- **1.2.** costruire la matrice di Vander-Monde: X=vander(x)



- **1.3.** risolvere il sistema di Vander-Monde e trovare il vettore a dei coefficienti del polinomio
- **1.4.** definire un vettore x1 di ascisse molto più fitte delle ascisse di x (ad esempio con il comando linspace)
- **1.5.** valutare il polinomio sul vettore di ascisse x1 con il comando polyval: y1=polyval(a,x1)
- **1.6.** rappresentare con il comando plot i punti dati (senza congiungerli) e il polinomio interpolatore valutato nei nodi x1 con una linea continua.

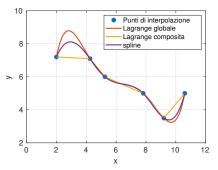
# Svolgimento del punto 2. (interp. composita di Lagrange)

- **2.1.** definire i vettori (colonna) dei dati x=[x0;...; xn] e y=[y0;...; yn]
- **2.2.** definire un vettore x1 di ascisse molto più fitte delle ascisse di x (ad esempio con il comando linspace)



- **2.3.** costruire l'interpolatore lineare composito  $p_1^c(x)$  con il comando y1=interp1(x,y,x1). y1 è un vettore della dimensione di x1 che contiene i valori di  $p_1^c$  nei punti del vettore x1
- **2.4.** rappresentare con il comando plot i punti dati (senza congiungerli) e il polinomio interpolatore valutato nei nodi x1 con una linea continua.

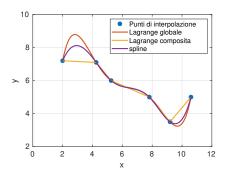
## Svolgimento del punto 3. (interp. con spline cubiche)



Come per il punto 2, ma con 2.3 sostituito da: **3.3** costruire la spline cubica  $s_3(x)$  con il comando y1=spline(x,y,x1). y1 è un vettore della dimensione di x1 che contiene i valori di  $s_3$  nei punti del vettore x1

### Confronto degli interpolatori costruiti

L'interpolatore globale di Lagrange genera la traiettoria più lunga sul primo e ultimo intervallino, ma è la traiettoria più regolare ( $C^{\infty}$ ). L'interpolatore composito di Lagrange genera la traiettoria più corta, ma meno regolare, è solo  $C^0$ . La **spline** è un compromesso tra le due interpolazioni



precedenti: la traiettoria è abbastanza regolare ( $C^2$ ) e non è eccessivamente lunga.

## Problema 2 (es\_clima): climatologia

La temperatura T in prossimità del suolo varia al variare della concentrazione K di acido carbonico  $(H_2CO_3)$  e della latitudine L. Sia  $\overline{K}$  la concentrazione di  $H_2CO_3$  di riferimento (qui quella del 1896, normalizzata a 1). Le variazioni di temperatura media  $\Delta T = T_K - T_{\overline{K}}$  corrispondenti a K = 1.5 sono riportate nella tabella al variare della latitudine L:

Si vuole dare un'approssimazione della variazione di temperatura  $\Delta T$  a Roma (la latitudine di Roma è L=+42) e ad Oslo (L=+59), utilizzando interpolazione globale di Lagrange, interpolazione composita lineare e interpolazione con spline cubiche. Le approssimazioni trovate sono significative?

#### Svolgimento

Impostare il lavoro come si è fatto per il problema es\_robot. Per valutare le variazioni di temperatura a Roma e ad Oslo:

```
% Lagrange globale
T_roma1=polyval(a,42); T_oslo1=polyval(a,59);
% interpolazione composita lineare
T_roma2=interp1(x,y,42); T_oslo2=interp1(x,y,59);
% interpolazione spline
T_roma3=spline(x,y,42); T_oslo3=spline(x,y,59);
```

