

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio 1 ed è la metà del numero (senza segno) che compare al numeratore della funzione.

### Fila 1

1.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ,  $f$  non presenta simmetrie;

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -2, \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty;$$

$x = 0$  è asintoto verticale sinistro;  $y = -2$  è asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $y = 2x - 4$  è asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \begin{cases} -\frac{2}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{x^2 + x - 1}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$\text{dom} f' = \text{dom} f$ , quindi non ci sono punti di non derivabilità.

$x = \frac{-1+\sqrt{5}}{2}$  è punto stazionario.

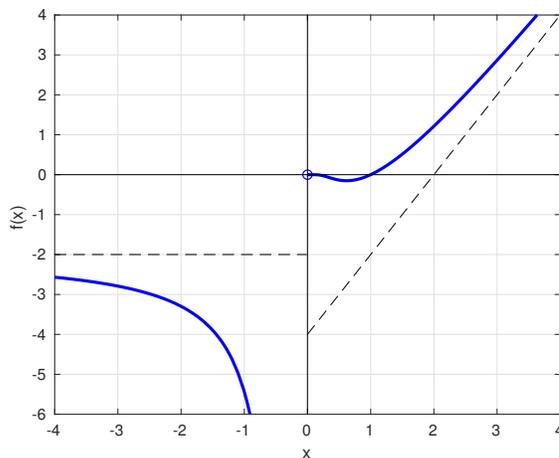
$f$  è crescente in  $]\frac{-1+\sqrt{5}}{2}, +\infty[$  e decrescente in  $] -\infty, 0[ \cup ]0, \frac{-1+\sqrt{5}}{2}[$

$x = \frac{-1+\sqrt{5}}{2}$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo o minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente ed inferiormente.

$$f''(x) = \begin{cases} -2\frac{2x-1}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{3x-1}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$f$  è concava in  $] -\infty, 0[ \cup ]0, \frac{1}{3}[$ ,  $f$  è convessa in  $]\frac{1}{3}, +\infty[$ ;  $x = \frac{1}{3}$  è punto di flesso.



2. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = x^2$  privata dei due punti di intersezione tra la parabola stessa e la circonferenza di equazione  $x^2 + y^2 = 7$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{2}{3}$
4. La serie è divergente
5. Il limite vale 0
6. Quando  $\alpha = 3$  la funzione è continua in  $x = 0$ , quando  $\alpha \neq 3$  la funzione presenta un punto di salto in  $x = 0$ .
7. L'integrale vale:  $2 \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) - \frac{2}{3} \sin^3\left(\frac{\pi}{3}\right)$
8. La soluzione è  $y(x) = 2(e^x + e^{-x}) - \frac{1}{5} \sin 2x$

## Fila 2

1.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ,  $f$  non presenta simmetrie;

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -4, \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty;$$

$x = 0$  è asintoto verticale sinistro;  $y = -4$  è asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $y = 2x - 6$  è asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \begin{cases} -\frac{4}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{x^2 + x - 2}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$\text{dom} f' = \text{dom} f$ , quindi non ci sono punti di non derivabilità.

$x = \frac{-1+\sqrt{9}}{2}$  è punto stazionario.

$f$  è crescente in  $]\frac{-1+\sqrt{9}}{2}, +\infty[$  e decrescente in  $] -\infty, 0[ \cup ]0, \frac{-1+\sqrt{9}}{2}[$

$x = \frac{-1+\sqrt{9}}{2}$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo o minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente ed inferiormente.

$$f''(x) = \begin{cases} -4\frac{2x-1}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{5x-2}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$f$  è concava in  $] -\infty, 0[ \cup ]0, \frac{2}{5}[$ ,  $f$  è convessa in  $]\frac{2}{5}, +\infty[$ ;  $x = \frac{2}{5}$  è punto di flesso.

2. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = x^2$  privata dei due punti di intersezione tra la parabola stessa e la circonferenza di equazione  $x^2 + y^2 = 6$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{2}{3}$
4. La serie è divergente

5. Il limite vale 0
6. Quando  $\alpha = 5$  la funzione è continua in  $x = 0$ , quando  $\alpha \neq 5$  la funzione presenta un punto di salto in  $x = 0$ .
7. L'integrale vale:  $2 \sin\left(\frac{\pi}{4}\right) - \frac{2}{3} \sin^3\left(\frac{\pi}{4}\right)$
8. La soluzione è  $y(x) = 3(e^x + e^{-x}) - \frac{1}{5} \sin 2x$

### Fila 3

1.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ,  $f$  non presenta simmetrie;

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -6, \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty;$$

$x = 0$  è asintoto verticale sinistro;  $y = -6$  è asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $y = 2x - 8$  è asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \begin{cases} -\frac{6}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{x^2 + x - 3}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$\text{dom } f' = \text{dom } f$ , quindi non ci sono punti di non derivabilità.

$x = \frac{-1 + \sqrt{13}}{2}$  è punto stazionario.

$f$  è crescente in  $]\frac{-1 + \sqrt{13}}{2}, +\infty[$  e decrescente in  $] - \infty, 0[ \cup ]0, \frac{-1 + \sqrt{13}}{2}[$

$x = \frac{-1 + \sqrt{13}}{2}$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo o minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente ed inferiormente.

$$f''(x) = \begin{cases} -6\frac{2x - 1}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{7x - 3}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$f$  è concava in  $] - \infty, 0[ \cup ]0, \frac{3}{7}[$ ,  $f$  è convessa in  $]\frac{3}{7}, +\infty[$ ;  $x = \frac{3}{7}$  è punto di flesso.

2. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = x^2$  privata dei due punti di intersezione tra la parabola stessa e la circonferenza di equazione  $x^2 + y^2 = 5$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{2}{7}$
4. La serie è divergente
5. Il limite vale 0
6. Quando  $\alpha = 7$  la funzione è continua in  $x = 0$ , quando  $\alpha \neq 7$  la funzione presenta un punto di salto in  $x = 0$ .
7. L'integrale vale:  $2 \sin\left(\frac{\pi}{5}\right) - \frac{2}{3} \sin^3\left(\frac{\pi}{5}\right)$

8. La soluzione è  $y(x) = 4(e^x + e^{-x}) - \frac{1}{5} \sin 2x$

---

#### Fila 4

1.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ,  $f$  non presenta simmetrie;

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -8, \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty;$$

$x = 0$  è asintoto verticale sinistro;  $y = -8$  è asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $y = 2x - 10$  è asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \begin{cases} -\frac{8}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{x^2 + x - 4}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$\text{dom} f' = \text{dom} f$ , quindi non ci sono punti di non derivabilità.

$x = \frac{-1 + \sqrt{17}}{2}$  è punto stazionario.

$f$  è crescente in  $]\frac{-1 + \sqrt{17}}{2}, +\infty[$  e decrescente in  $] - \infty, 0[ \cup ]0, \frac{-1 + \sqrt{17}}{2}[$

$x = \frac{-1 + \sqrt{17}}{2}$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo o minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente ed inferiormente.

$$f''(x) = \begin{cases} -8\frac{2x - 1}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{9x - 4}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$f$  è concava in  $] - \infty, 0[ \cup ]0, \frac{4}{9}[$ ,  $f$  è convessa in  $]\frac{4}{9}, +\infty[$ ;  $x = \frac{4}{9}$  è punto di flesso.

2. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = x^2$  privata dei due punti di intersezione tra la parabola stessa e la circonferenza di equazione  $x^2 + y^2 = 4$ .

3. Il limite vale  $\ell = \frac{2}{9}$

4. La serie è divergente

5. Il limite vale 0

6. Quando  $\alpha = 9$  la funzione è continua in  $x = 0$ , quando  $\alpha \neq 9$  la funzione presenta un punto di salto in  $x = 0$ .

7. L'integrale vale:  $2 \sin\left(\frac{\pi}{6}\right) - \frac{2}{3} \sin^3\left(\frac{\pi}{6}\right)$

8. La soluzione è  $y(x) = 5(e^x + e^{-x}) - \frac{1}{5} \sin 2x$

---

#### Fila 5

1.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ,  $f$  non presenta simmetrie;

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -10, \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty;$$

$x = 0$  è asintoto verticale sinistro;  $y = -10$  è asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $y = 2x - 12$  è asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \begin{cases} -\frac{10}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{x^2 + x - 5}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$\text{dom} f' = \text{dom} f$ , quindi non ci sono punti di non derivabilità.

$x = \frac{-1+\sqrt{21}}{2}$  è punto stazionario.

$f$  è crescente in  $]\frac{-1+\sqrt{21}}{2}, +\infty[$  e decrescente in  $] -\infty, 0[\cup]0, \frac{-1+\sqrt{21}}{2}[$

$x = \frac{-1+\sqrt{21}}{2}$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo o minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente ed inferiormente.

$$f''(x) = \begin{cases} -10\frac{2x-1}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{11x-5}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$f$  è concava in  $] -\infty, 0[\cup]0, \frac{5}{11}[$ ,  $f$  è convessa in  $]\frac{5}{11}, +\infty[$ ;  $x = \frac{5}{11}$  è punto di flesso.

2. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = x^2$  privata dei due punti di intersezione tra la parabola stessa e la circonferenza di equazione  $x^2 + y^2 = 3$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{2}{11}$
4. La serie è divergente
5. Il limite vale 0
6. Quando  $\alpha = 11$  la funzione è continua in  $x = 0$ , quando  $\alpha \neq 11$  la funzione presenta un punto di salto in  $x = 0$ .
7. L'integrale vale:  $2 \sin\left(\frac{\pi}{7}\right) - \frac{2}{3} \sin^3\left(\frac{\pi}{7}\right)$
8. La soluzione è  $y(x) = 6(e^x + e^{-x}) - \frac{1}{5} \sin 2x$

## Fila 6

1.  $\text{dom}(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ,  $f$  non presenta simmetrie;

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -12, \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) = -\infty, \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty;$$

$x = 0$  è asintoto verticale sinistro;  $y = -12$  è asintoto orizzontale per  $x \rightarrow -\infty$ ,  $y = 2x - 14$  è asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \begin{cases} -\frac{12}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{x^2 + x - 6}{x^2 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$\text{dom} f' = \text{dom} f$ , quindi non ci sono punti di non derivabilità.

$x = \frac{-1+\sqrt{25}}{2}$  è punto stazionario.

$f$  è crescente in  $]-\frac{1+\sqrt{25}}{2}, +\infty[$  e decrescente in  $] -\infty, 0[\cup]0, \frac{-1+\sqrt{25}}{2}[$

$x = \frac{-1+\sqrt{25}}{2}$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo o minimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente ed inferiormente.

$$f''(x) = \begin{cases} -12\frac{2x-1}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x < 0 \\ 2\frac{13x-6}{x^4 e^{1/x}} & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

$f$  è concava in  $] -\infty, 0[\cup]0, \frac{6}{13}[$ ,  $f$  è convessa in  $]\frac{6}{13}, +\infty[$ ;  $x = \frac{6}{13}$  è punto di flesso.

2. Il luogo geometrico cercato è la parabola  $y = x^2$  privata dei due punti di intersezione tra la parabola stessa e la circonferenza di equazione  $x^2 + y^2 = 2$ .
  3. Il limite vale  $\ell = \frac{2}{13}$
  4. La serie è divergente
  5. Il limite vale 0
  6. Quando  $\alpha = 13$  la funzione è continua in  $x = 0$ , quando  $\alpha \neq 13$  la funzione presenta un punto di salto in  $x = 0$ .
  7. L'integrale vale:  $2 \sin\left(\frac{\pi}{8}\right) - \frac{2}{3} \sin^3\left(\frac{\pi}{8}\right)$
  8. La soluzione è  $y(x) = 7(e^x + e^{-x}) - \frac{1}{5} \sin 2x$
-