

Il NUMERO della FILA è contenuto nel testo dell'esercizio 8 e coincide con il valore assegnato a  $y'(0)$ .

### Fila 1

1.  $\text{dom}(f) = ]-\infty, -2] \cup [2, +\infty[$ .  $f$  non è pari né dispari;

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = +\infty.$$

$y = -\frac{x}{2}$  è asintoto obliquo a  $-\infty$ ,  $y = \frac{x}{2}$  è asintoto obliquo a  $+\infty$ .  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \frac{1}{2} \frac{x}{\sqrt{x^2-4}} - \frac{8|x|}{x^2\sqrt{x^2-4}}$$

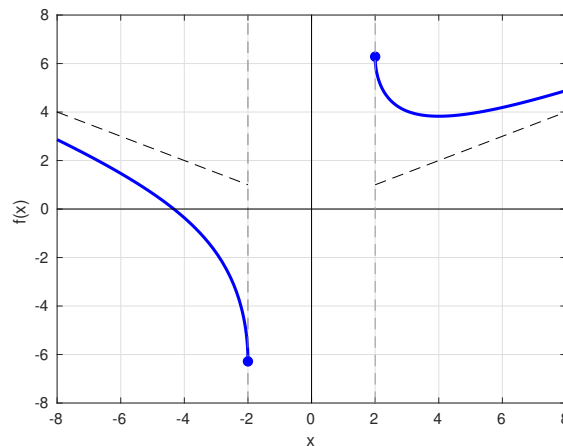
$\text{dom}(f') = \text{dom}(f) \setminus \{-2, 2\}$ , i punti esclusi sono a tangenza verticale.

$x = 4$  è punto stazionario

$f$  è crescente in  $]4, +\infty[$  e decrescente in  $] -\infty, -2[ \cup ]2, 4[$

$x = -2$  è punto di minimo assoluto,  $x = 2$  è punto di massimo relativo,  $x = 4$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.



2. Si ha  $w = 7\sqrt{2}e^{i\pi/4}$ . Le radici terze di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{7\sqrt{2}}e^{i\pi/12}$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{7\sqrt{2}}e^{i3\pi/4}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{7\sqrt{2}}e^{i17\pi/12}$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{\pi}{4}$
4. La serie converge se e solo se  $\alpha > \frac{2}{3}$
5. Il limite vale  $\ell = \frac{1}{14}$
6.  $f$  è continua in  $x = 3$  ed ivi ammette un punto angoloso
7. L'integrale vale  $8 \log\left(\frac{3}{2}\right) - 3$
8.  $y(x) = -\sin(x) \cos(x) + 2 \sin(x)$

---

**Fila 2**

1.  $\text{dom}(f) = ] - \infty, -3] \cup [3, +\infty[$ .  $f$  non è pari né dispari;

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = +\infty.$$

$y = -\frac{x}{3}$  è asintoto obliquo a  $-\infty$ ,  $y = \frac{x}{3}$  è asintoto obliquo a  $+\infty$ .  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \frac{1}{3} \frac{x}{\sqrt{x^2-9}} - \frac{12|x|}{x^2\sqrt{x^2-9}}$$

$\text{dom}(f') = \text{dom}(f) \setminus \{-3, 3\}$ , i punti esclusi sono a tangenza verticale.

$x = 6$  è punto stazionario

$f$  è crescente in  $]6, +\infty[$  e decrescente in  $] - \infty, -3[ \cup ]3, 6[$

$x = -3$  è punto di minimo assoluto,  $x = 3$  è punto di massimo relativo,  $x = 6$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

2. Si ha  $w = 6\sqrt{2} e^{i\pi/4}$ . Le radici terze di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{6\sqrt{2}} e^{i\pi/12}$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{6\sqrt{2}} e^{i3\pi/4}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{6\sqrt{2}} e^{i17\pi/12}$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{\pi}{6}$
4. La serie converge se e solo se  $\alpha > \frac{2}{5}$
5. Il limite vale  $\ell = \frac{1}{12}$
6.  $f$  è continua in  $x = 5$  ed ivi ammette un punto angoloso
7. L'integrale vale  $18 \log\left(\frac{4}{3}\right) - 5$
8.  $y(x) = -\sin(x) \cos(x) + 3 \sin(x)$

---

**Fila 3**

1.  $\text{dom}(f) = ] - \infty, -4] \cup [4, +\infty[$ .  $f$  non è pari né dispari;

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = +\infty.$$

$y = -\frac{x}{4}$  è asintoto obliquo a  $-\infty$ ,  $y = \frac{x}{4}$  è asintoto obliquo a  $+\infty$ .  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \frac{1}{4} \frac{x}{\sqrt{x^2-16}} - \frac{16|x|}{x^2\sqrt{x^2-16}}$$

$\text{dom}(f') = \text{dom}(f) \setminus \{-4, 4\}$ , i punti esclusi sono a tangenza verticale.

$x = 8$  è punto stazionario

$f$  è crescente in  $]8, +\infty[$  e decrescente in  $] - \infty, -4[ \cup ]4, 8[$

$x = -4$  è punto di minimo assoluto,  $x = 4$  è punto di massimo relativo,  $x = 8$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

2. Si ha  $w = 5\sqrt{2}e^{i\pi/4}$ . Le radici terze di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{5\sqrt{2}}e^{i\pi/12}$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{5\sqrt{2}}e^{i3\pi/4}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{5\sqrt{2}}e^{i17\pi/12}$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{\pi}{8}$
4. La serie converge se e solo se  $\alpha > \frac{2}{7}$
5. Il limite vale  $\ell = \frac{1}{10}$
6.  $f$  è continua in  $x = 7$  ed ivi ammette un punto angoloso
7. L'integrale vale  $32 \log\left(\frac{5}{4}\right) - 7$
8.  $y(x) = -\sin(x)\cos(x) + 4\sin(x)$

#### Fila 4

1.  $\text{dom}(f) = ]-\infty, -5] \cup [5, +\infty[$ .  $f$  non è pari né dispari;

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = +\infty.$$

$y = -\frac{x}{5}$  è asintoto obliquo a  $-\infty$ ,  $y = \frac{x}{5}$  è asintoto obliquo a  $+\infty$ .  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \frac{1}{5} \frac{x}{\sqrt{x^2-25}} - \frac{20|x|}{x^2\sqrt{x^2-25}}$$

$\text{dom}(f') = \text{dom}(f) \setminus \{-5, 5\}$ , i punti esclusi sono a tangenza verticale.

$x = 10$  è punto stazionario

$f$  è crescente in  $]10, +\infty[$  e decrescente in  $] -\infty, -5[ \cup ]5, 10[$

$x = -5$  è punto di minimo assoluto,  $x = 5$  è punto di massimo relativo,  $x = 10$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

2. Si ha  $w = 4\sqrt{2}e^{i\pi/4}$ . Le radici terze di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{4\sqrt{2}}e^{i\pi/12}$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{4\sqrt{2}}e^{i3\pi/4}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{4\sqrt{2}}e^{i17\pi/12}$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{\pi}{10}$
4. La serie converge se e solo se  $\alpha > \frac{2}{9}$
5. Il limite vale  $\ell = \frac{1}{8}$
6.  $f$  è continua in  $x = 9$  ed ivi ammette un punto angoloso
7. L'integrale vale  $50 \log\left(\frac{6}{5}\right) - 9$
8.  $y(x) = -\sin(x)\cos(x) + 5\sin(x)$

#### Fila 5

1.  $\text{dom}(f) = ]-\infty, -6] \cup [6, +\infty[$ .  $f$  non è pari né dispari;

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = +\infty.$$

$y = -\frac{x}{6}$  è asintoto obliquo a  $-\infty$ ,  $y = \frac{x}{6}$  è asintoto obliquo a  $+\infty$ .  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \frac{1}{6} \frac{x}{\sqrt{x^2-36}} - \frac{24|x|}{x^2\sqrt{x^2-36}}$$

$\text{dom}(f') = \text{dom}(f) \setminus \{-6, 6\}$ , i punti esclusi sono a tangenza verticale.

$x = 12$  è punto stazionario

$f$  è crescente in  $]12, +\infty[$  e decrescente in  $] -\infty, -6[ \cup ]6, 12[$

$x = -6$  è punto di minimo assoluto,  $x = 6$  è punto di massimo relativo,  $x = 12$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

2. Si ha  $w = 3\sqrt{2} e^{i\pi/4}$ . Le radici terze di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{3\sqrt{2}} e^{i\pi/12}$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{3\sqrt{2}} e^{i3\pi/4}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{3\sqrt{2}} e^{i17\pi/12}$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{\pi}{12}$
4. La serie converge se e solo se  $\alpha > \frac{2}{11}$
5. Il limite vale  $\ell = \frac{1}{6}$
6.  $f$  è continua in  $x = 11$  ed ivi ammette un punto angoloso
7. L'integrale vale  $72 \log\left(\frac{7}{6}\right) - 11$
8.  $y(x) = -\sin(x) \cos(x) + 6 \sin(x)$

## Fila 6

1.  $\text{dom}(f) = ]-\infty, -7] \cup [7, +\infty[$ .  $f$  non è pari né dispari;

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = +\infty.$$

$y = -\frac{x}{7}$  è asintoto obliquo a  $-\infty$ ,  $y = \frac{x}{7}$  è asintoto obliquo a  $+\infty$ .  $f$  non ammette altri asintoti.

$$f'(x) = \frac{1}{7} \frac{x}{\sqrt{x^2-49}} - \frac{28|x|}{x^2\sqrt{x^2-49}}$$

$\text{dom}(f') = \text{dom}(f) \setminus \{-7, 7\}$ , i punti esclusi sono a tangenza verticale.

$x = 14$  è punto stazionario

$f$  è crescente in  $]14, +\infty[$  e decrescente in  $] -\infty, -7[ \cup ]7, 14[$

$x = -7$  è punto di minimo assoluto,  $x = 7$  è punto di massimo relativo,  $x = 14$  è punto di minimo relativo.

Non esistono punti di massimo assoluto in quanto  $f$  è illimitata superiormente.

2. Si ha  $w = 2\sqrt{2} e^{i\pi/4}$ . Le radici terze di  $w$  sono  $z_0 = \sqrt[3]{2\sqrt{2}} e^{i\pi/12}$ ,  $z_1 = \sqrt[3]{2\sqrt{2}} e^{i3\pi/4}$ ,  $z_2 = \sqrt[3]{2\sqrt{2}} e^{i17\pi/12}$ .
3. Il limite vale  $\ell = \frac{\pi}{14}$

4. La serie converge se e solo se  $\alpha > \frac{2}{13}$
  5. Il limite vale  $\ell = \frac{1}{4}$
  6.  $f$  è continua in  $x = 13$  ed ivi ammette un punto angoloso
  7. L'integrale vale  $98 \log\left(\frac{8}{7}\right) - 13$
  8.  $y(x) = -\sin(x) \cos(x) + 7 \sin(x)$
-